

# Comparativo entre os Métodos de Romberg, Trapézio e 1/3 de Simpson aplicados à Circuito de Corrente Alternada

Júlia de Souza Borges<sup>1</sup>  
 Anny Resende Negreiros<sup>2</sup>  
 Paulo Henrique Padovani Lozorio<sup>3</sup>  
 Ellen Kenia Fraga Coelho<sup>4</sup>  
 IFES, Cachoeiro de Itapemirim, ES

## 1 Introdução

A análise da amplitude e de outras características das correntes alternadas no fornecimento de energia proporciona a compreensão de diversos fenômenos físicos na engenharia [4]. Este tipo de corrente é largamente utilizado, pois, existe menor perda de energia devido ao efeito Joule durante o transporte da usina para a rede elétrica das cidades. Além disso, em um circuito de corrente alternada (CA) é importante determinar o valor rms (root-mean-square). Essa medida aproxima o valor de uma corrente alternada a uma corrente contínua devido sua dissipação de potência. Os aparelhos de medição de corrente e tensão alternada, como amperímetros e voltímetros, são projetados para a leitura de valores rms.

Para determinar a corrente elétrica de um circuito CA é necessário o cálculo de áreas sob curvas que podem ser representadas por ondas senoidais, quadradas ou triangulares. Em algumas situações, dependendo das características da função envolvida, o problema é representado por integrais que não apresentam solução analítica. Por isso, os métodos numéricos são essenciais para a solução de problemas desse tipo. Este trabalho visa a utilização de três algoritmos referentes aos métodos de integração numérica de Romberg,  $\frac{1}{3}$  de Simpson e Regra do Trapézio aplicados a dois problemas que envolvem o cálculo de corrente elétrica. Os métodos foram implementados computacionalmente em linguagem C em um computador com um processador Intel CORE i7 e 8 GB de RAM.

A Equação (1), Ref. [2], representa o valor quadrático médio de uma corrente elétrica cuja integral não possui solução analítica. A Equação (2), Ref. [3], por ser modelada por uma função mais simples possui solução analítica. Ambas modelam o cálculo do valor médio da corrente.

$$i_1(t) = \int_0^{\frac{1}{2}} (10e^{-t} \text{sen} 2\pi t)^2 dt \quad (1)$$

$$i_2(t) = \int_0^{\frac{1}{2}} 5e^{-1.25t} \text{sen}(2\pi t) dt \quad (2)$$

## 2 Resultados e Discussões

As Tabelas 1 e 2 exibem as soluções com a aplicação do método de Romberg. Cada coluna da tabela apresenta um nível das estimativas da integral, que são calculadas com o método trapezoidal composto usando diferentes números de subintervalos. Na primeira coluna, o número de

<sup>1</sup>juliadsouzaborges@gmail.com

<sup>2</sup>anny.negreiros@ifes.edu.br

<sup>3</sup>paulolozoriop@gmail.com

<sup>4</sup>ellen.coelho@ifes.edu.br

subintervalos é igual a 1. E em cada cálculo subsequente, o número de subintervalos é dobrado. Nota-se na Tabela 1, o cálculo para 5 níveis, cujo último corresponde a 16 subintervalos. Enquanto na Tabela 2 para a função  $i_2(t)$ , a aproximação para a resposta analítica apresenta-se com seis casas decimais na quarta coluna, que é equivalente a oito subintervalos de integração.

Tabela 1: Resultados experimentais referentes a Equação (1) com o método de Romberg

20,217688				
15,480816	15,165025			
15,415468	15,411112	15,415017		
15,412771	15,412592	15,412615	15,412605	
15,412618	15,412607	15,412608	15,412608	15,412608

Tabela 2: Resultados experimentais referentes a Equação (2) com o método de Romberg

1,21935938				
1,17760367	1,17481996			
1,17535318	1,17520314	1,17520923		
1,17521802	1,17520901	1,17520911	1,17520911	

Tabela 3: Resultados experimentais com os métodos Trapézio e  $\frac{1}{3}$  Simpson

função $i_1(t)$			função $i_2(t)$						
n	Trapézio	$\frac{1}{3}$ Simpson	n	Trapézio	$ EA $	$\frac{EA_n}{EA_{2n}}$	$\frac{1}{3}$ Simpson	$ EA $	$\frac{EA_n}{EA_{2n}}$
8	15,411958	15,415468	9	1,162781	0,012428	4,005156	1,166571	$8,638 \cdot 10^{-3}$	1439,667
21	15,412594	15,412741	18	1,172106	$3,103 \cdot 10^{-3}$	3,998711	1,175215	$6 \cdot 10^{-6}$	—
34	15,412606	15,412615	36	1,174433	$7,76 \cdot 10^{-4}$	4	1,175209	0	—
47	15,412608	15,412613	72	1,175015	$1,94 \cdot 10^{-4}$	3,959183	1,175209	0	—
60	15,412608	15,412609	144	1,175160	$4,9 \cdot 10^{-5}$	3,769230	1,175209	0	—
73	15,412608	15,412609	288	1,175196	$1,3 \cdot 10^{-5}$	4,333333	1,175209	0	—
86	15,412608	15,412608	576	1,175206	$3 \cdot 10^{-6}$	—	1,175209	0	—

A Tabela 3 mostra os resultados obtidos com os métodos Trapézios e  $\frac{1}{3}$  de Simpson. Para a Função  $i_1(t)$ , com o método Trapézio, a divisão do intervalo de integração em  $n = 47$  subintervalos são suficientes para uma aproximação com seis casas decimais do valor obtido pelo método Romberg, Tabela 1. Enquanto pelo método  $\frac{1}{3}$  Simpson,  $n = 86$  subdivisões são necessárias. Na Função  $i_2(t)$ , do cálculo do erro absoluto (EA), o quociente  $\left| \frac{EA_n}{EA_{2n}} \right|$  mostra, que no método Trapézio a variação do erro é constante. Nessa mesma função, a razão dos resultados no método de Simpson indica um valor elevado, pois obtêm-se a convergência para a solução analítica com  $n = 36$ . Em ambos experimentos é possível constatar a eficiência do método de Romberg.

## Referências

- [1] Burden, R.L., *Análise numérica, 8a. edição*. Cengage, São Paulo, 2008.
- [2] Chapra, Steven C., *Métodos Numéricos para engenharia, 7ª edição*. AMGH, Porto Alegre, 2016.
- [3] Chapra, Steven C., *Métodos numéricos aplicados com MATLAB para engenheiros e cientistas, 3ª edição*. AMGH, Porto Alegre, 2013.
- [4] Oliveira, Y. R. et al. Instrumento virtual de medição em ensaios de alta e ultra alta tensão em corrente alternada. XVII ERIAC, 2017.
- [5] Serway, Raymond A. e Jewett, John W, Jr *Physics for Scientists and Engineers with Modern Physics, 9ª. edição*. Thomson Brooks/Cole, Boston, 2013.