

**Proceeding Series of the Brazilian Society of Computational and Applied Mathematics**

---

## Validação de Algoritmo Genético nas Funções de Griewank, Rastrigin e Schwefel.

Nícholas Fonseca Martins<sup>1</sup>

André Vinhas Pinheiro<sup>2</sup>

Denilson Paulo Souza dos Santos<sup>3</sup>

Universidade Estadual Paulista, UNESP, São João da Boa Vista, SP

### 1 Introdução

A Otimização como outros ramos da matemática teve sua origem na necessidade de soluções de problemas. Um dos objetivos da otimização é determinar os valores extremos de uma função dentro de um conjunto  $R^n$  geralmente definido por equações e inequações algébricas. As otimizações são baseadas em três principais fundamentos: a codificação do problema, a função objetivo e o espaço de soluções [6].

O algoritmo genético (AG) é inspirado na teoria evolucionista de Darwin [2] ; o mesmo é beneficiado das teorias de biologia evolutiva como seleção natural, hereditariedade, mutação e recombinação [5]. Uma característica importante do algoritmo é baseada no fato de que ele não é dependente do gradiente da função a ser otimizada. Normalmente o AG é visto como otimizador combinatório de funções [1]. O AG é indicado para a solução de problemas de otimização complexos, NP-Completos e de acordo com a teoria de complexidade computacional [4] são geralmente aplicadas a problemas para os quais não se conhece o algoritmo mais eficiente.

### 2 Formulação

No trabalho apresentado o algoritmo genético será usado como ferramenta para otimizar e validar os mínimos globais das funções de Rastrigin (1), Schwefel (2) e Griewank (3) utilizando o MATLAB ,essas funções são consideradas como funções teste,também chamadas de paisagens artificiais e úteis para avaliar algoritmos de otimização [1,3].

$$f1(X) = 10 \cdot n \sum_{i=1}^n [x_i^2 - 10 \cdot \cos(2\pi \cdot x_i)], \min(f1) = f1(0,0) = 0 \quad (1)$$

---

<sup>1</sup>nicholas.f.martins@unesp.br

<sup>2</sup>andre\_vinhas3@yahoo.com.br

<sup>3</sup>denilson.santos@unesp.br denilson.paulo@gmail.com

$$f2(X) = \sum_{i=1}^n \left[ x_i \cdot \operatorname{sen} \left( \sqrt{|x_i|} \right) \right], \min(f2) = f2(420.9687, 420.9687) = 0 \quad (2)$$

$$f3(X) = 1 + \sum_{i=1}^n \left[ \frac{x_i^2}{4000} - \prod_{i=1}^n \left( \cos \left( \frac{x_i^2}{\sqrt{i}} \right) \right) \right], \min(f3) = f3(0, 0) = 0 \quad (3)$$

Foi realizado testes utilizando o MATLAB (R2015a); a princípio o estudo das funções está sendo realizado para uma população de 10000 indivíduos e iteração de 50 gerações e avaliando os intervalos numéricos usados normalmente pela literatura para cada função [3].

Tabela 1: Desvio padrão e erro padrão dos mínimos globais (tabela elaborada pelo autor)

	Rastrigin	Schwefel	Griewank
Desvio Padrão	0,002114	2.37821	0,093105
Erro Padrão	0,000299	0.33302	0,013439
Tempo de Execução (s)	55.903329	59.565636	51.871123

### 3 Agradecimentos

UNESP/SJBV e FAPESP 2017/04643-4.

### Referências

- [1] T. Bäck, *Evolutionary algorithms in theory and practice: evolution strategies, evolutionary programming, genetic algorithms..* Oxford University Press, New York, 1996.
- [2] D. P. S. dos Santos and J.K. da Silva Formiga, Application of a genetic algorithm in orbital maneuvers, *Comp. Appl. Math.* Springer Basel, 34:437, 2015. DOI:10.1007/s40314-014-0151-x.
- [3] F. X. B. Ferragud, Control predictivo basado en modelos mediante técnicas de optimización heurística. Aplicación a procesos no lineales y multivariables. Tesis doctoral, Universitat Politècnica de València, 1999.
- [4] M. R. Garey, D.S Johnson. *Computers and Intractability; A Guide to the Theory of NP-Completeness*, W. H. Freeman Co, New York, 1990.
- [5] D. E. Goldberg and J.H Holland. Genetic Algorithms and Machine Learning, *Machine Learning*, 3:95-99, 1988. DOI:10.1023/A:1022602019183.
- [6] J. R. Koza, *Genetic Programming: On the Programming of Computers by Means of Natural Selection*. MIT Press, Cambridge, 1992.