## Proceeding Series of the Brazilian Society of Computational and Applied Mathematics Preprint

## Modelagem Matemática da Dinâmica e Controle Biológico do Percevejo-Marrom (*Euschistus heros*) via Fungo *Beauveria bassiana* em Lavouras de Soja

Jairo G. Silva, João V. Arantes, Maria E. C. Barbosa, Nery F. D. Oliveira IFMT, Barra do Garças, MT Vandoir Holtz, Nágilla Orleanne L. C. Silva, Luciane C. Rozwalka UNEMAT, Nova Xavantina, MT

No ano agrícola 2020/21, a área plantada de soja no Brasil foi de aproximadamente 39 milhões de hectares, com produção superior a 130 milhões de toneladas, sendo o Brasil deste modo o maior produtor mundial do grão [3]. Devido a alta rentabilidade deste produto agrícola, é comum a existência de extensas áreas sem rotação de culturas, o que reduz a diversidade biológica nestes espaços e impede a regulação natural entre espécies [6]. Na cultura da soja, as principais pragas que a atacam são lagartas e percevejos, em que se destacam a lagarta-da-soja (Anticarsia gemmatalis), lagarta-das-vagens (Helicoverpa spp.) e percevejo-marrom (Euschistus heros), com este último sendo considerado a principal praga na América do Sul. O manejo desses insetos é comumente realizado a partir de inseticidas químicos, o que favorece a seleção de populações resistentes e torna ainda mais difícil o seu controle [5, 6].

Os processos naturais no manejo de pragas, em geral, compreendem a utilização de agentes de controle biológico (parasitoides, predadores e microrganismos), capazes de impedir que insetospragas causem dano econômico, além de não deixar resíduo no ambiente, ser atóxico para o homem e ser específico [1, 5]. Com o objetivo de controlar a população de percevejos-marrom, o fungo entomopatogênico Beauveria bassiana tem se tornado alvo de estudos quanto à sua eficiência em provocar a mortalidade do percevejo Euschistus heros [7].

A modelagem matemática tem sido utilizada para estudo de diversos fenômenos. Em [4], por exemplo, modelos são usados para o estudo da fisiologia e função dos fungos. No estudo [2], um sistema de equações diferencais ordinárias (EDO) é usado para simular o controle biológico de pulgões que atacam culturas de cereais, por meio de um patógeno fúngico. Assim, propomos o desenvolvimento de um modelo matemático com EDOs para simulação da relação dinâmica e controle do percevejo-marrom a partir do fungo  $Beauveria\ bassiana$ . Denotando por S o número de percevejos-marrom suscetíveis, por B a quantidade do inseticida microbiológico  $Beauveria\ bassiana$  PL 63, e por I o número de percevejos-marrom infectados, o seguinte modelo é proposto

$$\begin{cases}
\frac{dS}{dt} = aS\left(1 - \frac{S}{k}\right) - bSB - cS, \\
\frac{dB}{dt} = q + mI - nB, \\
\frac{dI}{dt} = bSB - dI.
\end{cases}$$
(1)

 $<sup>^1</sup>$ jairo.gomes@ifmt.edu.br

<sup>&</sup>lt;sup>2</sup>vandoirholtz@unemat.br

 $<sup>^3</sup> nagilla. carmo@unemat.br\\$ 

<sup>&</sup>lt;sup>4</sup>luciane.rozwalka@unemat.br

2

Os parâmetros são considerados não negativos, e seguem descritos na Tabela 1.

Tabela 1: Parâmetros e seus significados.

Parâmetro	Descrição
$\overline{a}$	Taxa de crescimento populacional do percevejo E. heros
k	Capacidade de suporte do meio ambiente para a população de percevejos
b	Taxa de infecção do percevejo E. heros pelo fungo B. bassiana
c	Taxa de mortalidade do percevejo E. heros suscetível
q	Dose aplicada do inseticida microbiológico (administração periódica e finita)
m	Taxa de crescimento do fungo B. bassiana a partir dos percevejos colonizados
n	Taxa de mortalidade natural do fungo B. bassiana
d	Taxa de mortalidade do percevejo E. heros infectado pelo fungo B. bassiana

A partir da análise de estabilidade linear do modelo (1), e simulações numéricas realizadas a partir de parâmetros oriundos da literatura, apresentamos cenários sobre o controle biológico efetivo do inseticida na população de percevejos. Duas situações de equilíbrio são obtidas: (i) eliminação da população total de percevejos e continuidade da população de fungos em quantidade estável, (ii) coexistência de ambas as populações, em que se analisa o nível de controle de insetos-praga enquanto capacidade de provocar danos econômicos. Desse modo, o estudo proposto contribui para a discussão de métodos alternativos para controle de pragas, capazes de promover a sustentabilidade ambiental com o aumento da biodiversidade biológica e segurança da vida animal.

## Agradecimentos

O presente trabalho foi realizado com apoio da Pró-Reitoria de Pesquisa e Pós-Graduação e Inovação (PROPES/IFMT) e Programa de Bolsas de Iniciação Científica para o Ensino Médio (CNPq/PIBIC-EM).

## Referências

- [1] C. J. Ávila e V. Santos. "Manejo integrado de pragas (MIP) na cultura da soja: um estudo de caso com benefícios econômicos e ambientais". Em: **Embrapa Agropecuária Oeste** 143 (2018), pp. 1–43.
- [2] N. F. Britton et al. "Can aphids be controlled by fungus? A mathematical model". Em: **Applied Mathematics and Nonlinear Sciences** 1 (2019), pp. 79–92. DOI: 10.2478/AMNS. 2019.1.00009.
- [3] CONAB. Site oficial da Companhia Nacional de Abastecimento Brasil. Online. Acessado em 11/03/2022, https://www.conab.gov.br/info-agro/safras/graos.
- [4] F. A. Davidson et al. "Mathematical modelling of fungal growth and function". Em: IMA Fungus 1 (2011), pp. 33–37. DOI: 10.5598/imafungus.2011.02.01.06.
- [5] F. Moscardi, B. S. Corrêa-Ferreira e J. R. P. Parra. "O controle biológico das pragas da soja". Em: Visão Agrícola 5 (2006), pp. 89–92.
- [6] D. D. Nora. "Isolamento e seleção de fungos para o controle do percevejo-marrom". Dissertação de mestrado. UFSM, 2019.
- [7] E. V. Zambiazzi et al. "Controle biológico in-vitro do percevejo-marrom (Euschistus heros) com Beauveria bassiana". Em: Revista Trópica 3 (2011), p. 43.